

УДК 523.877

П. Б. АБРАМЯН, Г. Г. АРУТЮНЯН

НОВЫЙ ВАРИАНТ ОБОБЩЕННОЙ ТЕОРИИ ГРАВИТАЦИИ

В рамках варианта обобщенной теории гравитации с $\zeta=0$ рассчитаны звездные конфигурации с центрально-симметрическим однородным распределением вещества. Значения масс конфигураций с сингулярными условиями в центре лежат вблизи $10^5 M_{\odot}$.

В работе [1] впервые высказана идея модификации обобщенной теории гравитации Иордана-Дикке-Бранса. Предложен новый вариант, в котором с допущением нарушения строгого постоянства эйнштейновской гравитационной постоянной отрицается наличие скалярного гравитационного поля. В настоящей статье найдены параметры моделей центрально-симметрических звездных конфигураций с однородным распределением вещества, построенных на основе обобщенной теории гравитации с $\zeta=0$ и $\eta=-1$. Исходным для теории является выражение действия

$$S = \frac{c}{2} \int \left(-\omega R + \frac{2}{c^2} \Lambda \right) \sqrt{-g} d\Omega, \quad (1)$$

где $\omega = \frac{c^4}{8\pi k}$, R — скалярная кривизна риманова пространства, Λ — плотность функции Лагранжа негравитационных полей и вещества. Отличительной чертой этого варианта является отсутствие в (1) членов с производными ω , означающее, что ω не понимается как отдельное от метрического скалярное гравитационное поле. Варьирование (1) по g^{ik} и ω для идеальной жидкости с плотностью ρ и давлением P в статических центрально-симметрических условиях

$$ds^2 = c^2 e^{\nu(r)} dt^2 - e^{\lambda(r)} dr^2 - r^2 (d\theta^2 + \sin^2\theta d\varphi^2)$$

приводит к уравнениям

$$\begin{aligned} e^{-\lambda} \left(\nu'' + \frac{\nu'^2}{2} - \frac{\nu'\lambda'}{2} + 2\frac{\nu'-\lambda'}{r} + \frac{2}{r^2} \right) - \frac{2}{r^2} &= 0, \\ e^{-\lambda} \left(\frac{1}{r^2} - \frac{\lambda'}{r} \right) + \frac{1}{r^2} - e^{-\lambda} \left(\frac{\omega''}{\omega'} - \frac{\lambda'}{2} + \frac{2}{r} \right) \frac{\omega'}{\omega} &= \frac{\rho}{\omega}, \\ e^{-\lambda} \left(\frac{1}{r^2} + \frac{\nu'}{r} \right) + \frac{1}{r^2} - e^{-\lambda} \left(\frac{\nu'}{2} + \frac{2}{r} \right) \frac{\omega'}{\omega} &= -\frac{P}{c^2 \omega}, \end{aligned} \quad (2)$$

$$v' = -2 \frac{P'}{P + \rho c^2},$$

совпадающим с уравнениями из [2], записанными в предложении $\zeta=0$. В случае однородного распределения вещества систему (2) можно переписать в более удобной форме, введя обозначения

$$u = \frac{\rho}{\omega} r^2, \quad f = -\frac{\omega'}{\omega} r, \quad E = e^\lambda, \quad p = \frac{P}{\rho c^2},$$

что дает

$$\begin{aligned} \frac{dp}{du} &= \frac{p+1}{f+2} \frac{\psi}{u}, \\ \frac{dE}{du} &= \frac{2E}{u(f+2)} \left(\frac{uE}{3} + 1 - f - E - \psi \right), \\ \frac{df}{du} &= \frac{E}{u(f+2)} \left[u \left(1 - p + \frac{f-2}{3} \right) - f \right], \\ \text{где } \psi &= \frac{1}{f-2} (uE\rho + 2f - 1 + E). \end{aligned} \tag{3}$$

2. Для построения статической центрально-симметрической модели необходимо выяснить свойства внешних решений системы (2). Эти уравнения для пустого пространства допускают два рода решений: поле Швардшильда

$$e^v = e^{-\lambda} = 1 - \frac{r_g}{r}, \quad \omega = \text{const}, \tag{4}$$

и решение Гекмана [3]

$$\begin{aligned} r &= \frac{r_0}{\sqrt{\tau (\tau^{-h} - \tau^h)}}, \\ e^v &= \tau^{1/B}, \\ e^\lambda &= 4h^2 [(0,5+h)\tau^h - (0,5-h)\tau^{-h}]^{-2}, \\ \omega &= \omega_0 \tau^{3_0/B}, \end{aligned} \tag{5}$$

где $h^2 = \frac{1}{4} - \frac{\beta_0}{2B}$, $B = 1 + 2\beta_0$. В пределе $\beta_0 \rightarrow 0$ при $r > r_g$ решение (5) переходит в (4). Постоянные интегрирования r_0 и ω_0 определяются из требования о ньютоновском поведении решения на бесконечности:

$$\omega_0 = \frac{c^2}{8\pi G}, \quad r_0 = 2hBr_g.$$

Что касается β_0 , то, как считают некоторые авторы [4], эта постоянная является константой интегрирования и меняется в зависимости от центральной плотности

Однако, на наш взгляд, естественнее оценить значение β_0 на основе экспериментальных данных и при построении моделей конфигураций использовать разумные значения β_0 . Результаты наблюдений трех эйнштейновских эффектов приведены в [5]. Они накладывают на β_0 ограничение $|\beta_0| \lesssim 0.03$. В этой статье мы будем использовать значение

$\beta_0 = -0.03$. Отрицательный знак выбран в соответствии с требованиями отсутствия в (5) координатной сингулярности и топологической эквивалентности плоскому четырехмерному пространству.

3. Машинное интегрирование системы (3) удобно проводить от центра. На поверхности конфигурации, задаваемой условием $p(U) = 0$, решение должно сшиваться с решением Гекмана:

$$E(U) = e^\lambda, \quad f(U) = -R \frac{\omega}{\omega},$$

где R — радиус конфигурации. Из этих двух условий можно исключить U и, таким образом, найти единственное равенство, которому должны удовлетворять E и f на поверхности: следуя [2], разделим в (3) второе уравнение на третье, положим $p = 0$, $u = 0$ ($P = p = 0$). Проинтегрировав полученное управление и сравнив его решение (напр., при $f \rightarrow 0$) с (5), получим искомое условие на поверхности

$$E(U) = 1 - \frac{B}{\beta_0} f(U) + \frac{1}{2\beta_0} f^2(U). \quad (6)$$

Как и в [2], поведение решения в центре конфигурации удастся записать в аналитическом виде. Единственное требование конечности давления в центре приводит к двум возможностям

$$\text{I. } E(0) = 0, \quad f(0) = 0.5;$$

$$\text{II. } E(0) = 1, \quad f(0) = 0.$$

Подставляя эти значения в (3), соответственно находим

$$\text{I. } E = Du^{0.4}, \quad f = \frac{1}{2}(1 - E); \quad (7)$$

$$\text{II. } E = 1 + \left(\frac{2}{9} + \frac{p}{3}\right)u, \quad f = \left(\frac{1}{3} - p\right)u.$$

Как видно из (7), интегральные кривые системы (3), относящиеся ко второй ветви, зависят от единственного параметра $p(0)$, и выполнение условия на поверхности (6) возможно только для единственного значения отношения центрального давления к центральной плотности $p(0)$ (как показали численные расчеты, это значение $p(0) = 1.17$).

На первой ветви сшивка обеспечивается подбором постоянной интегрирования D , и здесь получается семейство конфигураций, непрерывное по $p(0)$. Допускать зависимость β_0 от параметров конфигурации на первой ветви уже нельзя, так как β_0 в таком случае оказывается недоопределенной.

4. Численное интегрирование системы дифференциальных уравнений (3) с начальными условиями (7,1) проводилось на ЭВМ «Наири-2». Фиксировалась величина D , и подбором $p(0)$ достигалось выполнение условия на поверхности конфигурации (6). В результате получены параметры конфигурации с однородным распределением вещества, которые приводятся в таблице. Как видно, в случае $p = \text{const}$ сшивка внутренних решений с внешними решениями Гекмана оказалась возможной только в интервале значений параметра $p(0)$ от 1 до 1,3, что свидетельствует об отсутствии у этого варианта обобщенной теории гравитации

ньютоновского предела (можно показать, что приближение слабого поля получается при $\beta_0 = -1/3$). Этот вывод покажется еще более закономерным, если вспомнить, что значение параметра ζ , входящего в лагранжиан теории, изложенной в [2], выбрано равным -30 с единственной целью получить ньютоновский предел и что обобщенная теория переходит в ОТО при $\zeta \rightarrow \infty$, тогда как в нашем варианте обобщенной теории гравитации $\zeta = 0$. Так что отсутствие ньютоновского предела в последнем связано, по-видимому, с «зайнштейновским» характером теории, имеющей смысл только в случае чрезмерно сильных гравитационных полей.

Таблица

$\rho(0)$	τ	k/G	w	$R(\text{км})$	M/M_\odot
1.2893	0.00191	0.8189	0.5681	$1.71 \cdot 10^5$	$6.92 \cdot 10^5$
1.289	0.00274	0.8285	0.5644	$1.70 \cdot 10^5$	$6.83 \cdot 10^5$
1.2865	0.00428	0.8403	0.5598	$1.68 \cdot 10^5$	$6.74 \cdot 10^5$
1.265	0.0104	0.8644	0.5491	$1.66 \cdot 10^5$	$6.51 \cdot 10^5$
1.1	0.161	0.9434	0.4504	$1.59 \cdot 10^5$	$5 \cdot 10^5$
1.05	0.26	0.9579	0.3954	$1.58 \cdot 10^5$	$4.45 \cdot 10^5$

В таблице представлена зависимость массы M и радиуса R статических центрально-симметрических конфигураций с однородным распределением вещества в зависимости от значений центрального параметра $\rho(0) = P_0/\rho c^2$ (P_0 и ρ — соответственно центральное давление и плотность). Плотность вещества предполагается равной ядерной. Во втором столбце таблицы приводятся значения параметра τ , входящего в решение Гекмана, в третьем — значения гравитационной постоянной k на поверхности конфигурации, в четвертом — коэффициент упаковки $w = \frac{GM}{c^2 R}$.

В отличие от результатов работы [2], где интервал значений центрального параметра $\rho(0)$, соответствующий большим массам конфигурации, был довольно узок ($2.04 \div 2.09$), мы получили $1 \div 1.3$ с заметно пониженным значением предельно возможного параметра $\rho(0)$. Это позволяет надеяться, что в случае использования реального уравнения состояния звездного вещества при построении моделей конфигурации в рамках предложенного варианта обобщенной теории гравитации будут получены большие массы, соответствующие разумным значениям параметра $\rho(0)$. Такие расчеты в настоящее время проводятся, и результаты будут опубликованы.

Авторы выражают глубокую благодарность Г. С. Саакяну за постановку задачи и многочисленные обсуждения.

Кафедра теоретической физики

Поступила 15.07.1980

ЛИТЕРАТУРА

1. Абрамян П. А., Саакян Г. С., Уч. записки ЕГУ, 1, 69, 1980.
2. Саакян Г. С., Мнацакян М. А., *Астрофизика*, 4, 567, 1968; 5, 555, 1969.
3. Jordan P., *Schwerkraft und Weltall*, Braunschweig, 1955.

4. Matsuda P., Progr. Theor. Phys., 48, 341, 1972.
 5. Мизнер Ч., Торн К., Уилер Дж., Гравитация, изд-во «Мир», М., 1977.

Պ. Բ. ԱԲՐԱՀԱՄՅԱՆ, Գ. Զ. ՀԱՐՈՒԹՅՈՒՆՅԱՆ

ՎԿՐՈՒԱԿԱՆՈՒԹՅԱՆ ԸՆԻՀԱՆՐԱՑՎԱԾ ՏԵՍՈՒԹՅԱՆ ԵՈՐ ՏԱՐԲԵՐԱԿԸ

Ա մ փ ո փ ու մ

Կատարված է կենտրոնահամաչափորեն բաշխված համասեռ նյութից բաղկացած աստղային կոնֆիգուրացիաների հաշվարկն ըստ ձգողականության ընդհանրացված տեսության $\zeta=0$ տարբերակի: Սինգուլյար սկզբնական պայմանների դեպքում ստացված են կոնֆիգուրացիաներ $\sim 10^5 M_{\odot}$ զանգվածներով: